

### EXEMPLO 5.10

A turbina na Figura 5.24 é usada em uma pequena usina hidrelétrica, junto com um tubo com diâmetro de 0,3 m. Se a descarga em B for de 1,7 m<sup>3</sup>/s, determine a quantidade de potência que é transferida da água para as pás da turbina. A perda de carga por cisalhamento através do tubo e da turbina é de 4 m.

#### Solução

##### Descrição do fluido

Esse é um caso de escoamento em regime permanente. Aqui, as perdas por cisalhamento viscoso ocorrem dentro do fluido. Consideramos que a água é incompressível, onde  $\gamma_{\text{água}} = 9810 \text{ N/m}^3$ .

##### Volume de controle

Uma parte do reservatório, junto com a água dentro do tubo, é selecionada para ser o volume de controle fixo. A velocidade média em B pode ser determinada a partir da descarga.

$$Q = V_B A_B; \quad 1,7 \text{ m}^3/\text{s} = V_B [\pi (0,15 \text{ m})^2]$$

$$V_B = 24,05 \text{ m/s}$$

##### Equação da energia

Por conveniência, as medidas verticais  $z$  até o datum são feitas a partir da linha de centro do tubo.\* Aplicando a equação da energia entre A (entrada) e B (saída), com o datum gravitacional definido em B, temos

$$\frac{p_A}{\gamma} + \frac{V_A^2}{2g} + z_A + h_{\text{bomba}} = \frac{p_B}{\gamma} + \frac{V_B^2}{2g} + z_B + h_{\text{turb}} + h_L$$

$$0 + 0 + 60 \text{ m} + 0 = 0 + \frac{(24,05 \text{ m/s})^2}{2(9,81 \text{ m/s}^2)} + 0 + h_{\text{turb}} + 4 \text{ m}$$

$$h_{\text{turb}} = 26,52 \text{ m}$$

Conforme esperado, o resultado é positivo, indicando que a energia é fornecida pela água (sistema) para a turbina.

##### Potência

Usando a Equação 5.16, a potência transferida para a turbina é, portanto,

$$\dot{W}_s = Q \gamma_{\text{água}} h_s = (1,7 \text{ m}^3/\text{s})(9810 \text{ N/m}^3)(26,52 \text{ m})$$

$$= 442 \text{ kW}$$

Resposta

Observe que a potência perdida devido aos efeitos do cisalhamento é

$$\dot{W}_L = Q \gamma_{\text{água}} h_L = (1,7 \text{ m}^3/\text{s})(9810 \text{ N/m}^3)(4 \text{ m}) = 66,7 \text{ kW}$$

Como um ponto de interesse, a seção do tubo que transfere a água do reservatório para a turbina é chamada de *conduto*.

\* Como a carga piezométrica  $H = p/\gamma + z$  é constante sobre a seção transversal do segmento horizontal do tubo, a medição até qualquer ponto na seção transversal pode ser considerada. Veja o Exemplo 5.11.

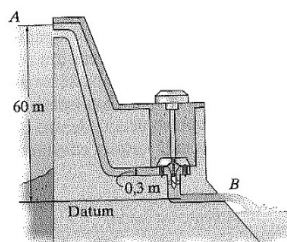


FIGURA 5.24

## QUESTÃO 2:

### Exemplo 6.3

Determine a força em cada membro da treliça mostrada na Figura 6.10a. Indique se os membros estão sob tração ou compressão.

#### SOLUÇÃO

Reações de apoios

Nenhum nó pode ser analisado até que as reações dos apoios sejam determinadas, já que cada nó sofre a ação de mais de três forças desconhecidas atuando sobre ele. Um diagrama de corpo livre de toda a treliça é fornecido na Figura 6.10b. Aplicando as equações de equilíbrio, temos:

$$\pm \Sigma F_x = 0; \quad 600 \text{ N} - C_x = 0 \quad C_x = 600 \text{ N}$$

$$(+\Sigma M_C = 0; \quad -A_y(6 \text{ m}) + 400 \text{ N}(3 \text{ m}) + 600 \text{ N}(4 \text{ m}) = 0$$

$$A_y = 600 \text{ N}$$

$$+\uparrow \Sigma F_y = 0; \quad 600 \text{ N} - 400 \text{ N} - C_y = 0 \quad C_y = 200 \text{ N}$$

A análise agora pode começar no nó A ou no C. A escolha é arbitrária, pois existe uma força de membro conhecida e duas incógnitas atuando no pino em cada um desses nós.

Nó A

(Figura 6.10c) Como mostra o diagrama de corpo livre,  $F_{AB}$  é considerada de compressão e  $F_{AD}$ , de tração. Aplicando as equações de equilíbrio, temos:

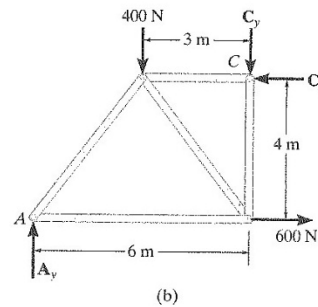
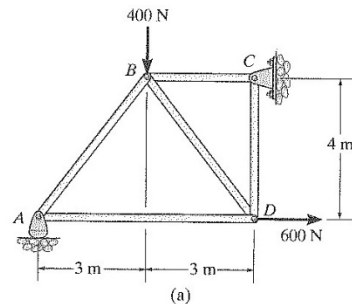


FIGURA 6.10

$$\begin{aligned} +\uparrow \Sigma F_y = 0; & \quad 600 \text{ N} - \frac{4}{5} F_{AB} = 0 & F_{AB} = 750 \text{ N (C)} \\ \pm \Sigma F_x = 0; & \quad F_{AD} - \frac{3}{5}(750 \text{ N}) = 0 & F_{AD} = 450 \text{ N (T)} \end{aligned}$$

Resposta

Resposta

Nó D

(Figura 6.10d) Usando o resultado para  $F_{AD}$  e somando as forças na direção horizontal, temos:

$$\pm \Sigma F_x = 0; \quad -450 \text{ N} + \frac{3}{5} F_{DB} + 600 \text{ N} = 0 \quad F_{DB} = -250 \text{ N}$$

Resposta

O sinal negativo indica que  $F_{DB}$  atua no sentido oposto ao mostrado na Figura 6.10d.\* Logo,

$$F_{DB} = 250 \text{ N (T)}$$

Resposta

Para determinar  $F_{DC}$ , podemos corrigir o sentido de  $F_{DB}$  no diagrama de corpo livre e, depois, aplicar  $\Sigma F_y = 0$ , ou aplicar essa equação e manter o sinal negativo para  $F_{DB}$ , ou seja,

$$+\uparrow \Sigma F_y = 0; \quad -F_{DC} - \frac{4}{5}(-250 \text{ N}) = 0 \quad F_{DC} = 200 \text{ N (C)}$$

Resposta

Nó C

(Figura 6.10e)

$$\pm \Sigma F_x = 0; \quad F_{CB} - 600 \text{ N} = 0 \quad F_{CB} = 600 \text{ N (C)}$$

$$+\uparrow \Sigma F_y = 0; \quad 200 \text{ N} - 200 \text{ N} = 0 \quad (\text{verificado})$$

Resposta

**NOTA:** a análise é resumida na Figura 6.10f, que mostra o diagrama de corpo livre para cada nó e membro.

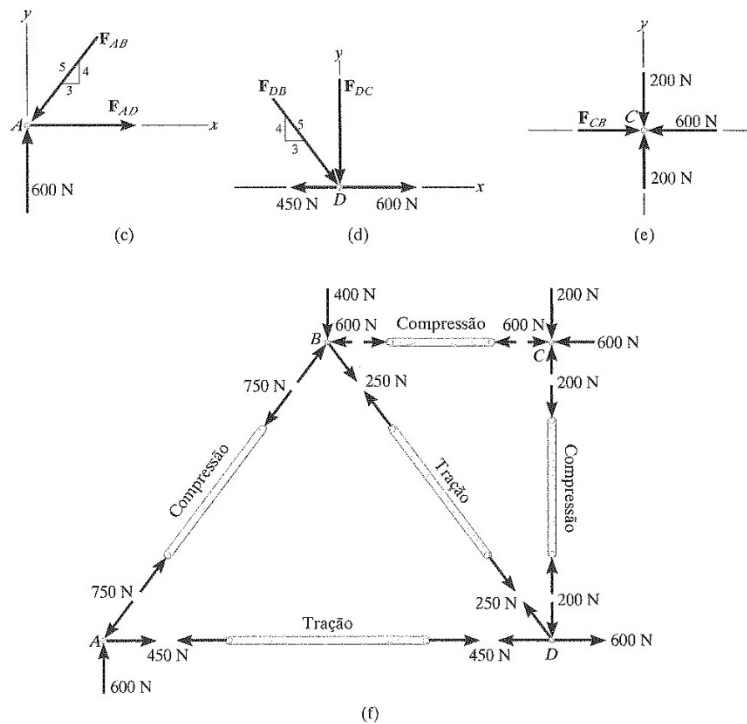


FIGURA 6.10 (cont.)

\* O sentido correto poderia ter sido determinado por observação, antes de aplicar  $\Sigma F_x = 0$ .

## 6.3 Mer

A análise cada se pode carregar a estabilidade adicional se o

Em geral dos por obser trada na Figu no nó A (Fig) ça zero. (Nã rado os diag co incógnitas grama de cor e DE são me cluir que, se nenhuma ca só podem ser portanto, su

Agora o po livre do p longo dos m ver que DA para o men mam um nó bro é um m de apoio te ça mostrada

$$\begin{aligned} +\downarrow \Sigma F_y &= 0 \\ +\leftarrow \Sigma F_x &= 0 \end{aligned}$$



**QUESTÃO 3:** \_\_\_\_\_

**EXEMPLO 9.9**

O estado plano de tensão em um ponto é mostrado no elemento na Figura 9.20(a). Represente este estado de tensão em um elemento orientado a  $30^\circ$  em sentido anti-horário em relação à posição mostrada na figura.

**SOLUÇÃO**

Construção do círculo. Pelos dados do problema,

$$\sigma_x = -8 \text{ MPa} \quad \sigma_y = 12 \text{ MPa} \quad \tau_{xy} = -6 \text{ MPa}$$

Os eixos  $\sigma$  e  $\tau$  estão definidos na Figura 9.20(b). O centro do círculo  $C$  está localizado sobre o eixo  $\sigma$  em

$$\sigma_{\text{méd}} = \frac{-8 + 12}{2} = 2 \text{ MPa}$$

O ponto de referência para  $\theta = 0^\circ$  tem coordenadas  $A(-8, -6)$ . Daí, do triângulo sombreado, o raio  $CA$  é

$$R = \sqrt{(10)^2 + (6)^2} = 11,66 \text{ MPa}$$

Tensões no elemento a  $30^\circ$ . Como o elemento deve sofrer rotação de  $30^\circ$  em *sentido anti-horário*, devemos traçar uma linha radial  $CP$ ,  $2(30^\circ) = 60^\circ$  no *sentido anti-horário*, medida em relação a  $CA(\theta = 0^\circ)$  [Figura 9.20(b)]. Agora, devemos obter as coordenadas do ponto  $P(\sigma_{x'}, \tau_{x'y'})$ . Pela geometria do círculo,

$$\phi = \tan^{-1} \frac{6}{10} = 30,96^\circ \quad \psi = 60^\circ - 30,96^\circ = 29,04^\circ$$

$$\sigma_{x'} = 2 - 11,66 \cos 29,04^\circ = -8,20 \text{ MPa}$$

Resposta

$$\tau_{x'y'} = 11,66 \sin 29,04^\circ = 5,66 \text{ MPa}$$

Resposta

Essas duas componentes de tensão agem na face  $BD$  do elemento mostrado na Figura 9.20(c), uma vez que o eixo  $x'$  para esta face está orientado a  $30^\circ$  em *sentido anti-horário* em relação ao eixo  $x$ .

As componentes da tensão que agem na face adjacente  $DE$  do elemento, que está a  $60^\circ$  em *sentido horário* em relação ao eixo  $x$  positivo [Figura 9.20(c)], são representadas pelas coordenadas do ponto  $Q$  no círculo. Este ponto encontra-se na linha radial  $CQ$ , que está  $180^\circ$  em relação a  $CP$ . As coordenadas do ponto  $Q$  são

$$\sigma_{x'} = 2 + 11,66 \cos 29,04^\circ = 12,2 \text{ MPa}$$

Resposta

$$\tau_{x'y'} = -(11,66 \sin 29,04^\circ) = -5,66 \text{ MPa}$$

Resposta

**Observação:** Aqui,  $\tau_{x'y'}$  age na direção  $-y'$ .

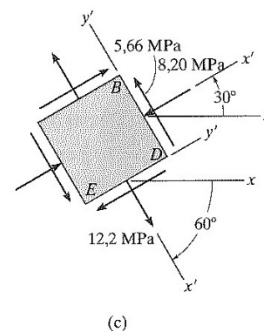
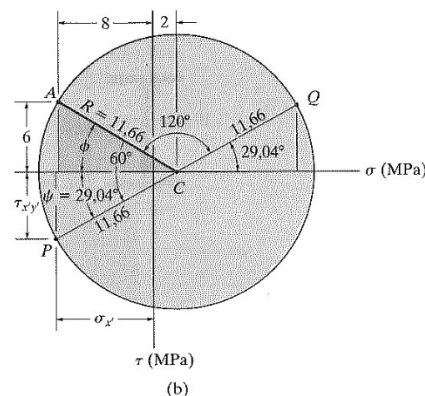


FIGURA 9.20

## QUESTÃO 4: \_\_\_\_\_

O raio crítico de isolamento é o raio da superfície externa da camada de isolante correspondente à espessura que maximiza o fluxo de calor. Assim, tem-se a seguinte significação: mantidas constantes as outras condições do problema, se o raio externo  $r_e$  for menor que o raio crítico de isolamento  $r_{ec}$ , um acréscimo na espessura da camada de isolante aumentará o fluxo de calor até que o raio externo  $r_e$  seja igual a  $r_{ec}$ ; e se o raio externo  $r_e$  for maior que o raio crítico  $r_{ec}$ , qualquer aumento na espessura do isolante diminuirá o fluxo de calor que passa do duto para o ar ambiente.

### EXEMPLO 8.3

Um duto cilíndrico com raio externo  $r_1 = 2$  cm com sua superfície à temperatura  $T_1 = 120^\circ\text{C}$ , constante, cede calor para o ar ambiente, que mantém temperatura  $T_\infty = 25^\circ\text{C}$ , constante, com coeficiente de transferência de calor por convecção  $h = 4 \frac{\text{W}}{\text{m}^2 \cdot ^\circ\text{C}}$ . Para reduzir a perda de calor, reveste-se o duto com uma camada cilíndrica de isolante com condutividade térmica  $k_I = 0,15 \frac{\text{W}}{\text{m} \cdot ^\circ\text{C}}$ . Considerando um contato térmico perfeito entre o duto e o isolante, determine:

- o raio crítico de isolamento; e
- o fluxo de calor perdido para o ar ambiente, por comprimento unitário do duto, para os casos de:
  - duto sem isolamento;
  - duto revestido com uma camada de isolante de raio externo igual ao raio crítico  $r_{ec}$ ; e
  - duto revestido com uma camada de isolante de raio externo  $r_e = 3 r_{ec}$ .

Têm-se os seguintes dados:

$$r_1 = 0,02 \text{ m}$$

$$T_1 = 120^\circ\text{C}$$

$$T_\infty = 25^\circ\text{C}$$

$$h = 4 \frac{\text{W}}{\text{m}^2 \cdot ^\circ\text{C}}$$

$$k_I = 0,15 \frac{\text{W}}{\text{m} \cdot ^\circ\text{C}}$$

- a) Cálculo do raio crítico de isolamento  $r_{ec}$ :

$$r_{ec} = \frac{k_I}{h} = 0,038 \text{ m} = 3,8 \text{ cm}$$

- b-1) Determinação do fluxo de calor, por comprimento unitário do duto, para o caso sem isolamento:

Ocorre convecção entre a superfície externa do duto e o ar ambiente, de forma que, com a aplicação da lei de Newton para o resfriamento, obtém-se

$$\left. \frac{\dot{Q}_r}{L} \right|_{si} = 2\pi r_1 h (T_1 - T_\infty) = 47,8 \frac{\text{W}}{\text{m}}$$

- b-2) Determinação do fluxo de calor perdido para o ar ambiente, por comprimento unitário do duto, para o caso com camada de isolante de raio externo igual ao raio crítico  $r_{ec}$ :

Considerando a transferência de calor com mecanismo combinado de condução através do isolante e de convecção do isolante para o ar ambiente, tem-se

$$\left. \frac{\dot{Q}_r}{L} \right|_{r_e = r_{ec}} = \frac{T_1 - T_\infty}{\frac{\ln\left(\frac{r_{ec}}{r_1}\right)}{2\pi k_I} + \frac{1}{2\pi r_{ec} h}} = 55 \frac{\text{W}}{\text{m}}$$

Observe que o fluxo de calor nessa situação com camada de isolante de raio externo igual ao raio crítico de isolamento é maior do que no caso do duto sem revestimento.

b-3) Determinação do fluxo de calor, por comprimento unitário, para o caso do duto revestido com uma camada de isolante de raio externo  $r_e = 3r_{ec}$ :

Considerando o mecanismo combinado de condução através do isolante e de convecção do isolante para o ar ambiente, tem-se

$$\frac{\dot{Q}}{L} \Big|_{r_e = 3r_{ec}} = \frac{T_1 - T_\infty}{\frac{\ln \left( \frac{3r_{ec}}{r_1} \right)}{2\pi k_i} + \frac{1}{2\pi (3r_{ec}) h}} = 43,2 \text{ W/m}$$

Observe que com essa espessura de isolamento o fluxo de calor perdido para o ar ambiente é menor do que nos dois casos anteriores.

#### Membros da Banca:

\_\_\_\_\_  
Avaliador 1 (Fernando Humel Lafratta)  
Canhoto Alves)

\_\_\_\_\_  
Avaliador 2 (Marcus Vinícius

\_\_\_\_\_  
Presidente da Banca (Renato Pontes Rodrigues)



## Assinaturas do documento



Código para verificação: **0MY3YQ23**

Este documento foi assinado digitalmente pelos seguintes signatários nas datas indicadas:



**RENATO PONTES RODRIGUES** (CPF: 080.XXX.916-XX) em 24/11/2025 às 13:11:03

Emitido por: "SGP-e", emitido em 24/04/2023 - 18:28:02 e válido até 24/04/2123 - 18:28:02.

(Assinatura do sistema)



**FERNANDO HUMEL LAFRATTA** (CPF: 769.XXX.127-XX) em 24/11/2025 às 15:13:47

Emitido por: "SGP-e", emitido em 30/03/2018 - 12:40:38 e válido até 30/03/2118 - 12:40:38.

(Assinatura do sistema)

Para verificar a autenticidade desta cópia, acesse o link <https://portal.sgpe.sea.sc.gov.br/portal-externo/conferencia-documento/VURFU0NfMTlwMjJfMDAwNDY0MzJfNDY0NjNfMjAyNV8wTVkzWVEyMw==> ou o site <https://portal.sgpe.sea.sc.gov.br/portal-externo> e informe o processo **UDESC 00046432/2025** e o código **0MY3YQ23** ou aponte a câmera para o QR Code presente nesta página para realizar a conferência.