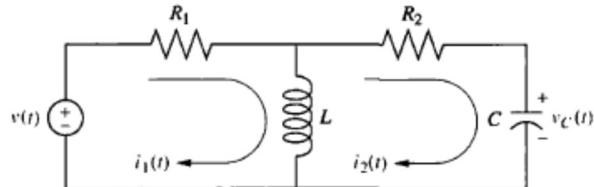
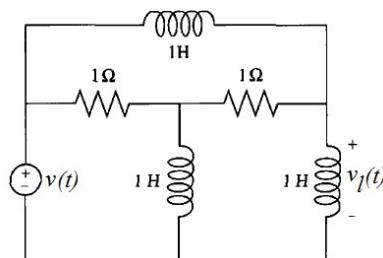


## MODELAGEM NO DOMÍNIO DA FREQUÊNCIA - CAPÍTULO 2

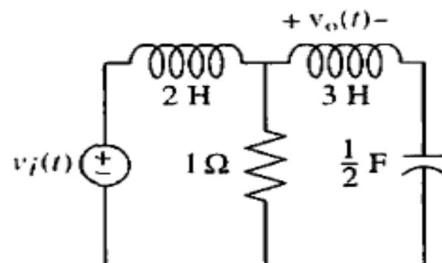
- 1) Dada a rede de figura abaixo, encontre a função de transferência  $T(s) = \frac{I_2(s)}{V(s)}$ .



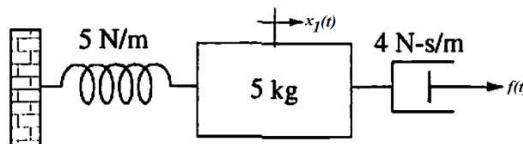
- 2) Dada a rede de figura abaixo, encontre a função de transferência  $H(s) = \frac{V_L(s)}{V(s)}$



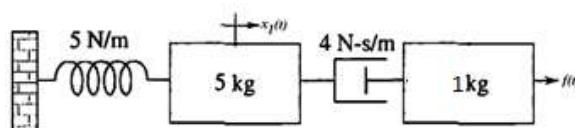
- 3) Dada a rede de figura abaixo, encontre a função de transferência  $T(s) = \frac{V_o(s)}{V_i(s)}$



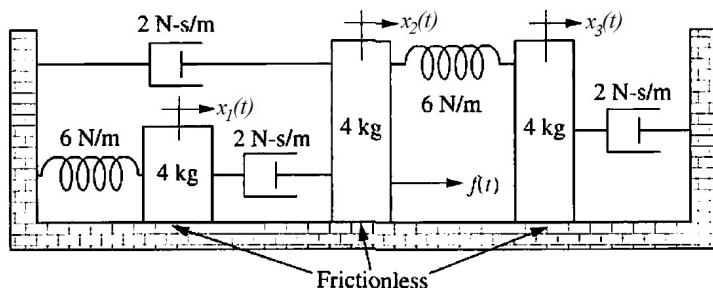
- 4) Dado o sistema translacional abaixo, encontre a função de transferência  $H(s) = \frac{X_1(s)}{F(s)}$ .



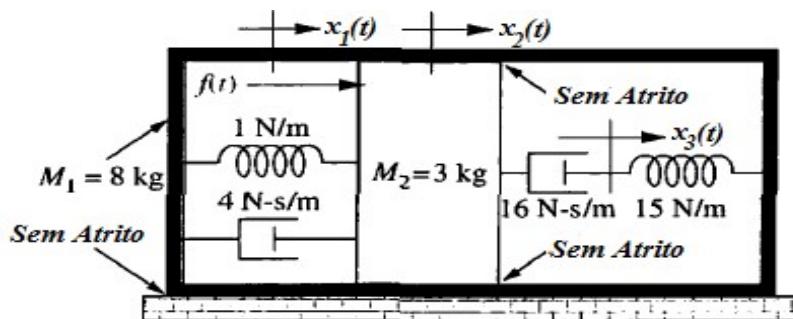
- 5) Dado o sistema translacional abaixo, encontre a função de transferência  $H(s) = \frac{X_1(s)}{F(s)}$ .



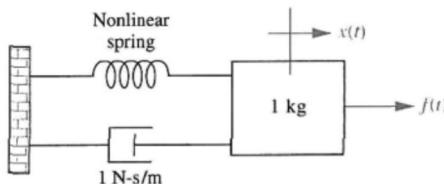
- 6) Dado o sistema translacional abaixo, encontre a função de transferência  $G(s) = \frac{X_3(s)}{F(s)}$ .



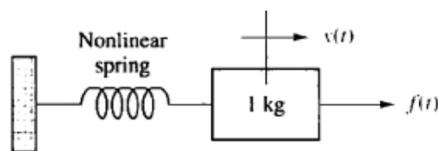
- 7) Dado o sistema translacional abaixo, encontre a função de transferência  $G(s) = \frac{X_3(s)}{F(s)}$ .



- 8) Para o sistema translacional com uma mola não linear mostrado abaixo, encontre a função de transferência  $G(s) = \frac{X(s)}{F(s)}$ , para pequenas oscilações em torno de  $f(t) = 2$ . A mola é definida por  $x_s(t) = 2 - e^{-2f_s(t)}$  onde  $x_s(t)$  é o deslocamento e  $f_s(t)$  é a força da mola.

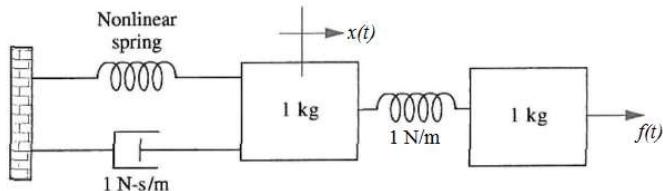


- 9) Encontre a função de transferência  $G(s) = \frac{x(s)}{F(s)}$  para o sistema mecânico translacional mostrado na figura abaixo, considerando a seguinte linearização no modelo: A força aplicada pode ser escrita como  $f(t) = 10 + \delta f(t)$ , portanto a linearização deverá ser feita em torno da força de 10 N. A relação entre a força da mola,  $f_s(t)$ , e o deslocamento,  $x_s(t)$ , é  $f_s(t) = 2x_s^2(t)$  (não-linear).

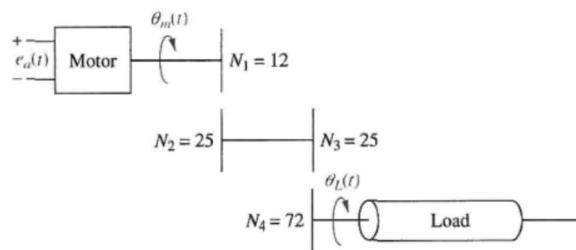


- 10) Para o sistema translacional com uma mola não linear mostrado abaixo, encontre a função de transferência  $G(s) = \frac{X(s)}{F(s)}$ , para pequenas oscilações em torno de  $f(t) = 2$ . A mola não linear é definida por  $f_s = x_s^2 + 4x_s + 2$ , onde  $x_s(t)$  é o deslocamento (não é permitido deslocamento menor

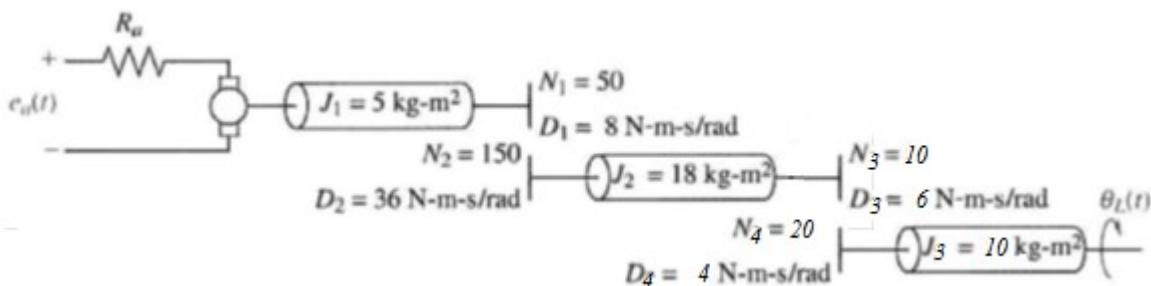
que -1 metro para esta mola) e  $f_s(t)$  é a força da mola.



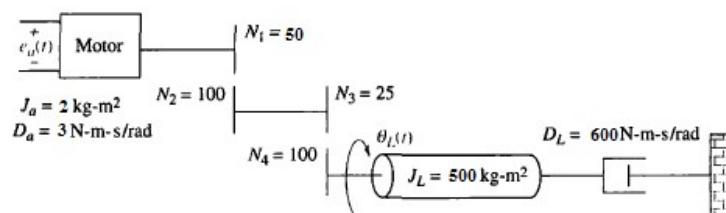
- 11) Um motor DC desenvolve um torque 55 N-m em uma velocidade de 600 rad/s quando 12V é aplicado. Ele fica bloqueado nesta voltagem com um torque de 100N-m. Se a inércia e o amortecimento (coeficiente de atrito viscoso) da armadura são de  $7 \text{ Kg} - \text{m}^2$  e  $3 \text{ N} - \text{m} - \text{s}/\text{rad}$ , respectivamente, encontre a função de transferência  $G(s) = \frac{\theta_L(s)}{E_a(s)}$  deste motor se ele carrega uma carga inercial de  $105 \text{ kg} - \text{m}^2$  através de uma engrenagem como mostrado na figura abaixo.



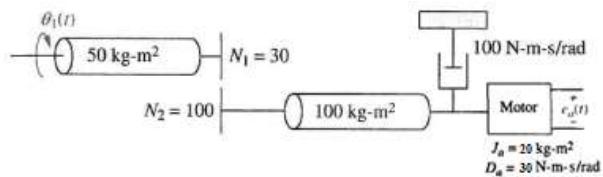
- 12) Um motor DC desenvolve um torque  $\frac{200}{3}$  N-m em uma velocidade de 100 rad/s quando 60V é aplicado. Ele fica bloqueado nesta voltagem com um torque de 150N-m. Encontre a função de transferência  $G(s) = \frac{\theta_L(s)}{E_a(s)}$  deste motor para o esquema mostrado na figura abaixo.



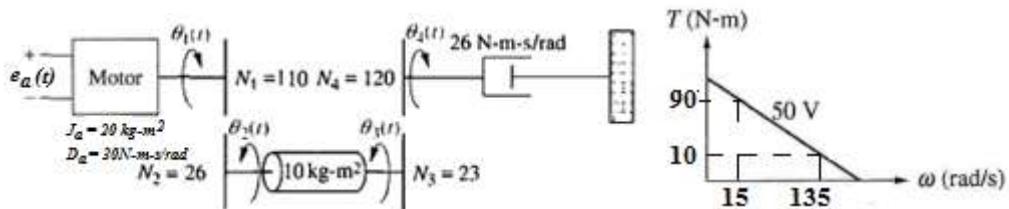
- 13) Encontre a função de transferência  $G(s) = \frac{\theta_L(s)}{E_a(s)}$  para o motor e carga mostrado na figura abaixo. A equação Velocidade X Torque é dada por  $T_m = -8\omega_m + 200$  quando a entrada de tensão é 100V.



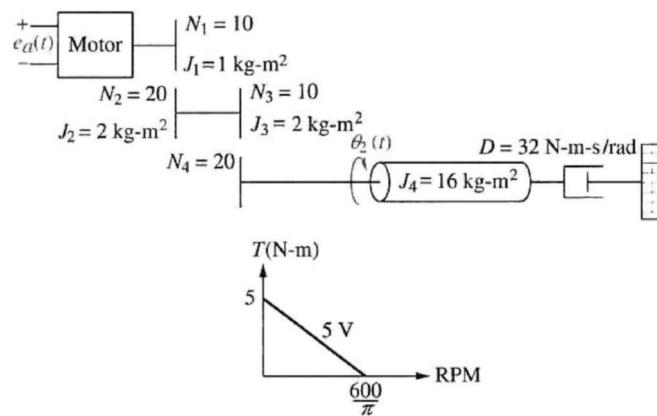
- 14) Encontre a função de transferência  $G(s) = \frac{\theta_L(s)}{E_a(s)}$  para o motor e carga mostrado na figura abaixo. A equação Velocidade X Torque é dada por  $T_m = -8\omega_m + 200$  quando a entrada de tensão é 100V.



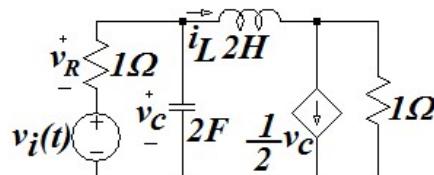
- 15) Para o motor, carga e curva de torque X velocidade como mostrado na figura abaixo, encontre a função de transferência  $G(s) = \theta_4(s) / E_a(s)$ .



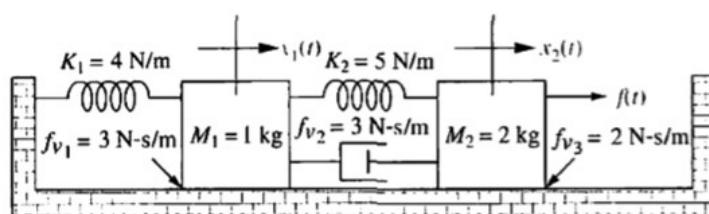
- 16) Um motor cujas características torque-velocidade estão mostradas na figura abaixo, move uma carga mostrada no diagrama abaixo. Algumas das engrenagens apresentam inércias. Encontre a função de transferência  $G(s) = \theta_2(s) / E_a(s)$ .



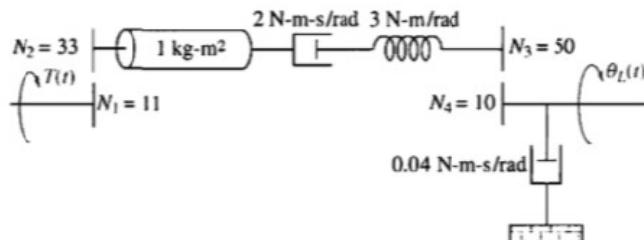
- 17) (2pts) Dada a rede de figura abaixo, encontre a função de transferência  $T(s) = I_L / V_i$ .



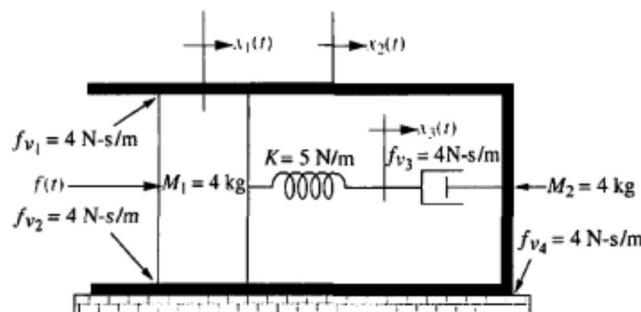
- 18) (2pts) Para o sistema da figura abaixo, encontre a função de transferência  $T(s) = X_1 / F$   $G(s) = X_1(s) / F(s)$



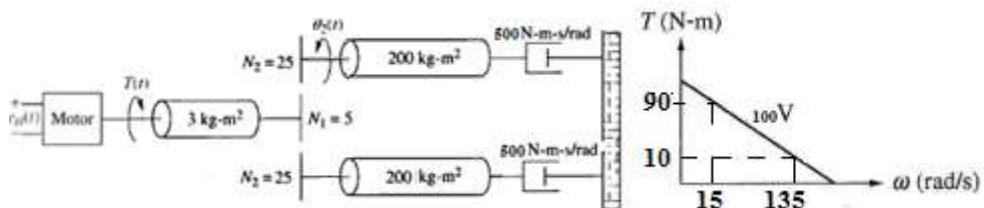
19) (2pts) Para o sistema da figura abaixo, encontre a função de transferência  $G(s) = \frac{\theta_L(s)}{T(s)}$



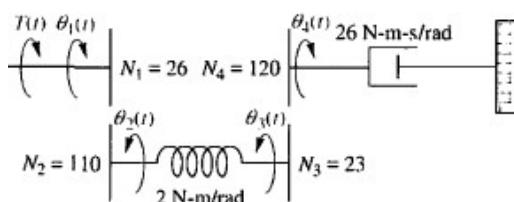
20) (2pts) Para o sistema da figura abaixo, encontre a função de transferência  $T(s) = \frac{X_3}{F}$



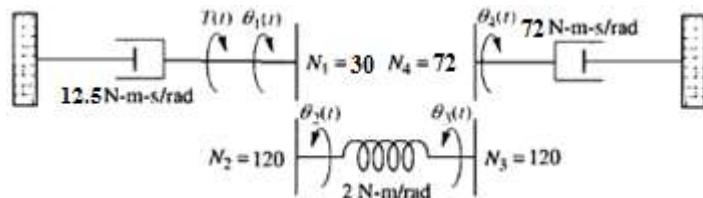
21) (2pts) Para o motor, carga e curva de torque X velocidade como mostrado na figura abaixo, encontre a função de transferência  $G(s) = \frac{\theta_2(s)}{E_a(s)}$ .



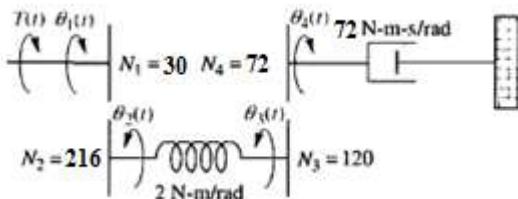
22) (2pts) Para o sistema da figura abaixo, encontre a função de transferência  $G(s) = \frac{\theta_4(s)}{T(s)}$



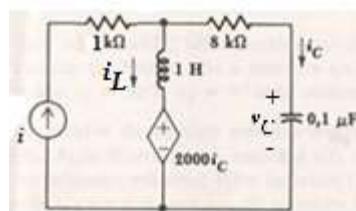
23) (2pts) Para o sistema da figura abaixo, encontre a função de transferência  $G(s) = \frac{\theta_4(s)}{T(s)}$



- 24) (2pts) Para o sistema da figura abaixo, encontre a função de transferência  $G(s) = \frac{\theta_4(s)}{T(s)}$

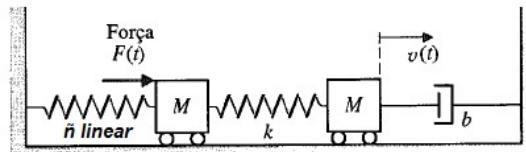


- 25) (2 pts) Dada a rede de figura abaixo, encontre a função de transferência  $\frac{I_L(s)}{I(s)}$ .

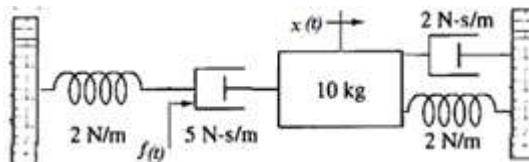


- 26) (2 pts) Dado o sistema representado na figura abaixo, com  $k = 1N/m$ ,  $b = 1N-s/m$ ,  $M = 1Kg$  e a mola não linear tem a seguinte equação:  $x_s = e^{f_s}$ . A força aplicada é de 1N mas pode variar neste entorno. Linearize o sistema e apresente a seguinte função de transferência  $\frac{V(s)}{F(s)}$ . (lembrando que  $v(t) = \frac{dx}{dt}$ )

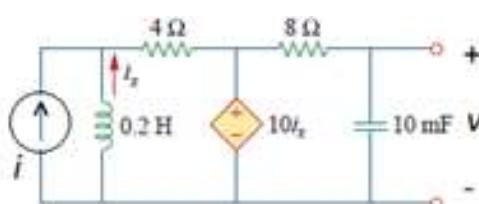
$$v(t) = \frac{dx}{dt}$$



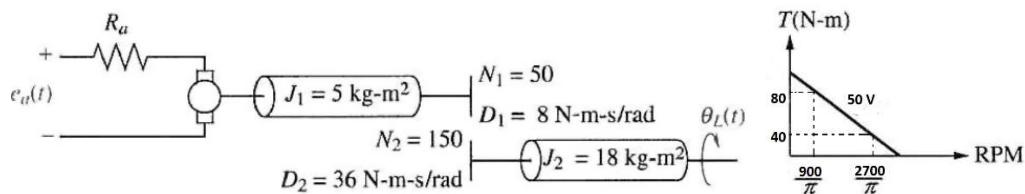
- 27) (2pts) Dado sistema representado na figura abaixo, encontre a função de transferência  $\frac{X(s)}{F(s)}$



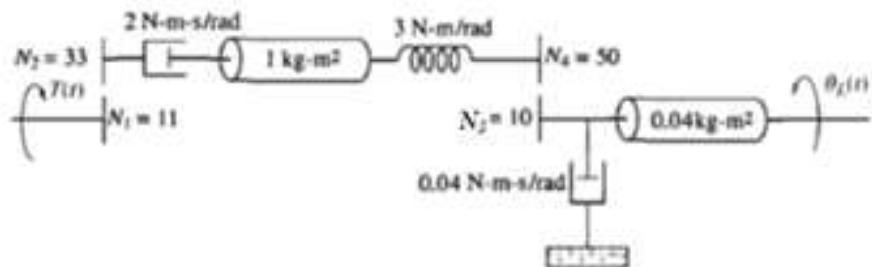
- 28) (2 pts) Dada a rede de figura abaixo, encontre a função de transferência  $H(s) = \frac{V(s)}{I(s)}$ .



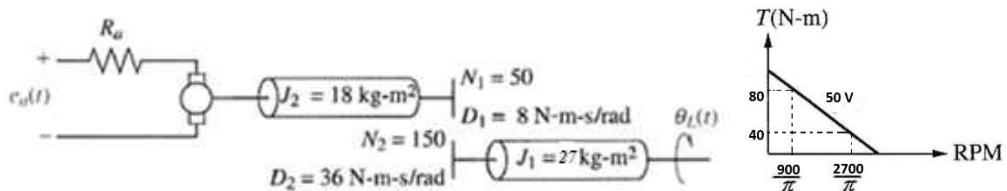
- 29) (2pts) Para o motor, carga e curva de torque X velocidade como mostrado na figura abaixo, encontre a função de transferência  $G(s) = \frac{\omega_L(s)}{E_a(s)}$ . (lembrando que  $\omega_L(t) = \frac{d\theta_L(t)}{dt}$ )



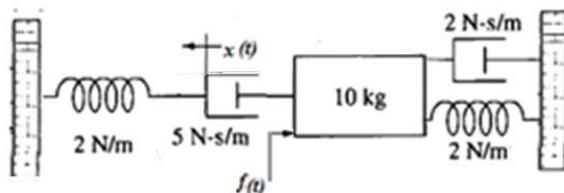
- 30) Para o sistema da figura abaixo, encontre a função de transferência  $G(s) = \frac{\theta_L(s)}{T(s)}$



- 31) Para o motor, carga e curva de torque X velocidade como mostrado na figura abaixo, encontre a função de transferência  $G(s) = \frac{\theta_L(s)}{E_a(s)}$ .



- 32) Dado sistema representado na figura abaixo, encontre a função de transferência  $\frac{X(s)}{F(s)}$



**Soluções:**

$$1) \frac{I_2}{V} = \frac{s^2 CL}{s^2(CLR_1 + CLR_2) + s(CR_1 R_2 + L) + R_1}$$

$$2) \frac{V_l}{V} = \frac{s^2 + 2s + 1}{s^2 + 5s + 2}$$

$$3) \frac{V_o}{V_i} = \frac{1,5s^2}{3s^3 + 2,5s^2 + 2s + 1}$$

$$4) \frac{X_1}{F} = \frac{1}{5s^2 + 4s + 5}$$

$$5) \frac{X_1}{F} = \frac{0,8}{s^3 + 4,8s^2 + s + 4}$$

$$6) \frac{X_3}{F} = \frac{0,375}{s(s^3 + 1,5s^2 + 3,25s + 2,25)}$$

$$7) \frac{X_3}{F} = \frac{12s(s^2 + s + 2,66)}{(8 + 4s + 4s^2)(4 + 3s + 5s^2)(5 + 5s + 5s^2) - 24s^2 - 9s^2(8 + 4s + 4s^2) - 16(5 + 5s + 5s^2) - 4s^2(4 + 3s + s^2)}$$

$$8) \frac{X(s)}{F(s)} = \frac{1}{s^2 + s + e}$$

$$9) \frac{X(s)}{F(s)} = \frac{1}{s^2 + 8,944}$$

$$10) \frac{X_1}{F} = \frac{1}{s^4 + s^3 + 6s^2 + s + 4}$$

$$11) \frac{\theta_L}{E_a} = \frac{0,14}{s(s+0,3)}$$

$$12) \frac{\theta_l}{E_a} = \frac{0,057}{s(s+1,8725)}$$

$$13) \frac{\theta_l}{E_a} = \frac{25,47 \times 10^{-3}}{s(s+2,07643)}$$

$$14) \frac{\theta_l}{E_a} = \frac{9,87 \times 10^{-3}}{s(s+0,204)}$$

$$15) \frac{\theta_l}{E_a} = \frac{8,15 \times 10^{-3}}{s(s+0,204)}$$

$$16) \frac{\theta_a}{E_a} = \frac{1}{12s(s+0,75)}$$

17) *sem gabarito*

$$18) \frac{X_1(s)}{F(s)} = \frac{2,5}{s^4 + 8,5s^3 + 26,5s^2 + 37,5s + 20}$$

$$19) \frac{\theta_l}{T} = \frac{90}{s(2s^2 + 9s + 6)}$$

20) *sem gabarito*

$$21) \frac{\theta_2}{E_a} = \frac{10,5 \times 10^{-3}}{s(s+2,14)}$$

- 
- 22)  $\frac{\theta_4}{T} = \frac{0,85}{s}$
- 23)  $\frac{\theta_4}{T} = \frac{33,33x1^{-3}}{s(s+0,02)}$
- 24)  $\frac{\theta_4}{T} = \frac{0,06}{s}$
- 25)  $\frac{I_L}{I} = \frac{3Ks+1}{s^2+3Ks+10M}$
- 26)  $\frac{v}{F} = \frac{s}{s^4+s^3+(2+e^{-1})s^2+(1-e^{-1})s+e^{-1}}$
- 27)  $\frac{X(s)}{F(s)} = \frac{5s}{50s^3+30s^2+24s+4}$
- 28)  $\frac{V}{I} = \frac{-2500}{s^2+62,5s+675}$
- 29)  $\frac{\omega_L}{E_a} = \frac{95,23m}{s+1,81}$
- 30)  $\frac{\theta_L}{T} = \frac{45}{s(s^3+s^2+6s+3)}$
- 31)  $\frac{\theta_L}{E_a} = \frac{0,027}{s(s+0,6032)}$
- 32)  $\frac{X(s)}{F(s)} = \frac{-5s}{50s^3+30s^2+24s+4}$