

## OTIMIZAÇÃO TOPOLÓGICA DE TRELIÇAS 2D E 3D CONSIDERANDO A RESPOSTA MODAL<sup>1</sup>

Verônica Caroline Herbst Pazda<sup>2</sup>, Eduardo Lenz Cardoso<sup>3</sup>

<sup>1</sup> Vinculado ao projeto “Otimização Topológica de meios contínuos”

<sup>2</sup> Acadêmico (a) do Curso de Engenharia Mecânica – CCT – Bolsista PIBIC/CNPq

<sup>3</sup> Orientador, Departamento de Engenharia Mecânica – CCT – eduardo.cardoso@udesc.br

As treliças possuem uma ampla variedade de aplicações na engenharia, caracterizadas pela capacidade de suportar grandes vãos, eficiência estrutural e flexibilidade de design. A otimização dessas estruturas tem sido objeto de estudo no campo da otimização topológica ao longo do tempo. Vários estudos abordam a otimização topológica de treliças considerando estabilidade nodal e flambagem local, enquanto outros consideram restrições de tensão na formulação do problema de otimização. No entanto, trabalhos envolvendo a otimização topológica de treliças considerando parâmetros estruturais dinâmicos são limitados. Isso é problemático, pois muitas estruturas estão sujeitas a fontes de excitação dinâmica, o que pode resultar em vibrações indesejadas. Nesse contexto, o presente estudo concentra-se na otimização topológica de treliças 2D e 3D, levando em consideração sua resposta modal, quando utilizadas para suportar um conjunto de massas externas concentradas. O problema de otimização estudado objetiva a minimização de volume com restrição de frequência (imposição de um valor mínimo para o menor autovalor). Uma norma é utilizada na restrição de frequência com o intuito de evitar autovalores repetidos. O método dos elementos finitos é utilizado para discretizar o problema de equilíbrio, e o método do Lagrangiano aumentado é aplicado para a formulação do problema de otimização. Para validar a formulação, são utilizados problemas da literatura. Os resultados evidenciam que a utilização de massas concentradas tem pouca influência na topologia final das estruturas.

O problema de minimização de volume com restrição de frequência (imposição de um valor mínimo para o menor autovalor) é dado por:

$$P_1 \begin{cases} \text{Min} & V(\mathbf{x}) \\ \text{T.q.} & (\mathbf{K} - \omega^2 \mathbf{M}) \boldsymbol{\varphi} = \mathbf{0} \\ & -\frac{\|\boldsymbol{\omega}\|_{min}}{\alpha \omega_{min}^{full}} + 1 \leq 0 \\ & \underline{\mathbf{x}} \leq \mathbf{x} \leq \bar{\mathbf{x}} \end{cases} \quad (1)$$

onde a norma que considera o menor autovalor entre as  $n$  primeiras frequências naturais da estrutura

$$\|\boldsymbol{\omega}\|_{min} = \left( \sum_{i=1}^n \omega_i^{-P_d} \right)^{-\frac{1}{P_d}} \quad (2)$$

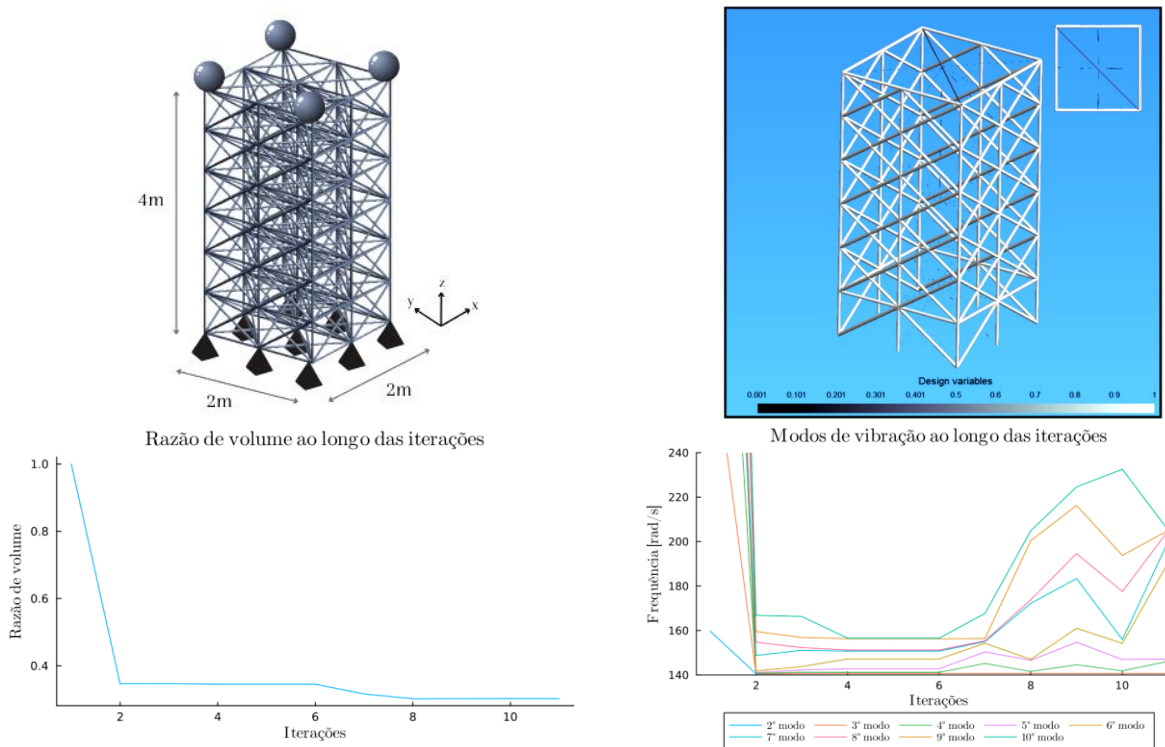
O volume da estrutura, função objetivo do problema, é dado pela soma das contribuições de uma das barras

$$V(\mathbf{x}) = \sum_{i=1}^{n_e} \rho_i(\mathbf{x}) A_i L_i, \quad (3)$$

e a restrição de frequência (normalizada), considerando a menor frequência natural da estrutura cheia (com todas as variáveis de projeto unitárias) e um fator de proporção, é dada por:

$$-\frac{\|\omega\|_{min}}{\alpha \omega_{min}^{full}} + 1 \leq 0. \quad (4)$$

Para validação da formulação proposta, 4 problemas da literatura foram estudados. Um dos problemas estudados foi o problema da coluna, com dimensões 2m x 2 x 4 (discretização 2x2 x6), com apoio de segundo gênero em todos os nós da sua base e massas concentradas no topo da estrutura, em x, y e z. A Figura 1 evidencia a estrutura e os resultados obtidos na otimização com massas concentradas de 1000.0 kg:



**Figura 1.** Resultados obtidos – Problema da coluna.

Já nas 2 primeiras iterações a razão de volume tem um decaimento acelerado. O resultado evidencia a importância da utilização da norma (espaçamento dos autovalores da estrutura).

**Palavras-chave:** Análise Modal. Treliças. Otimização Topológica. Autovalores. Frequência